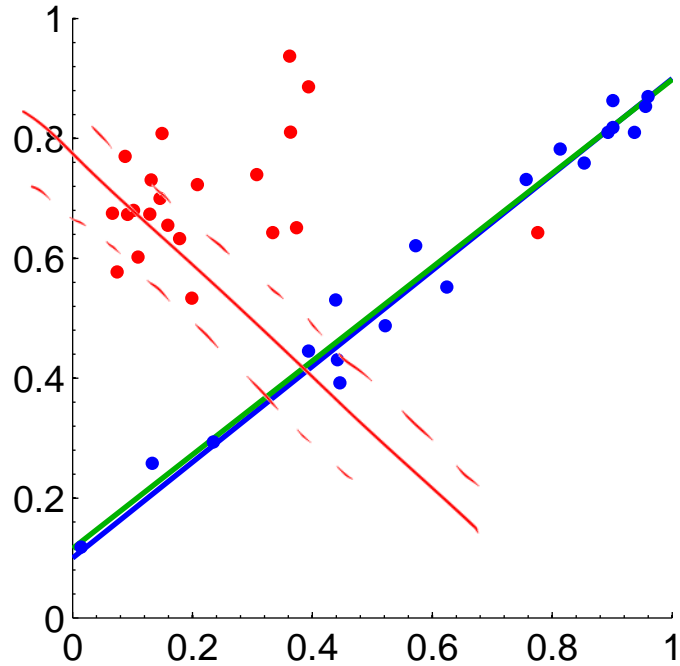


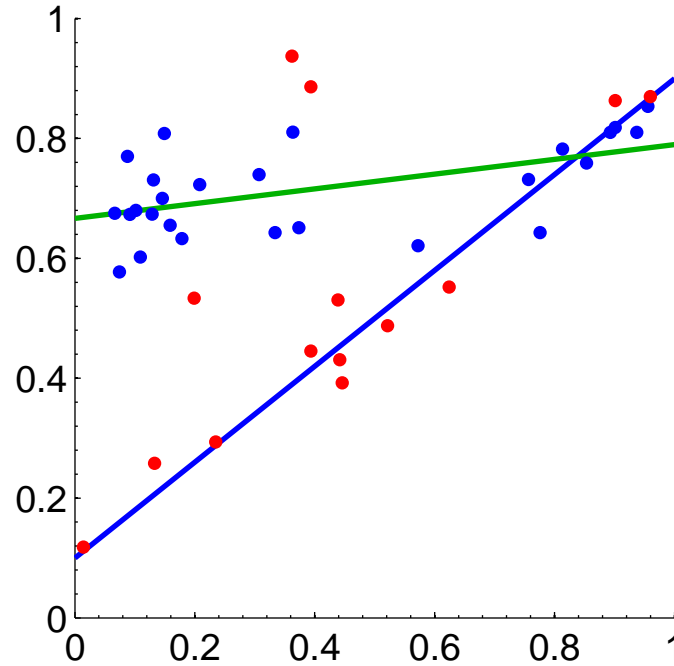
Problémy základního RANSACu

$$p = 0.99$$

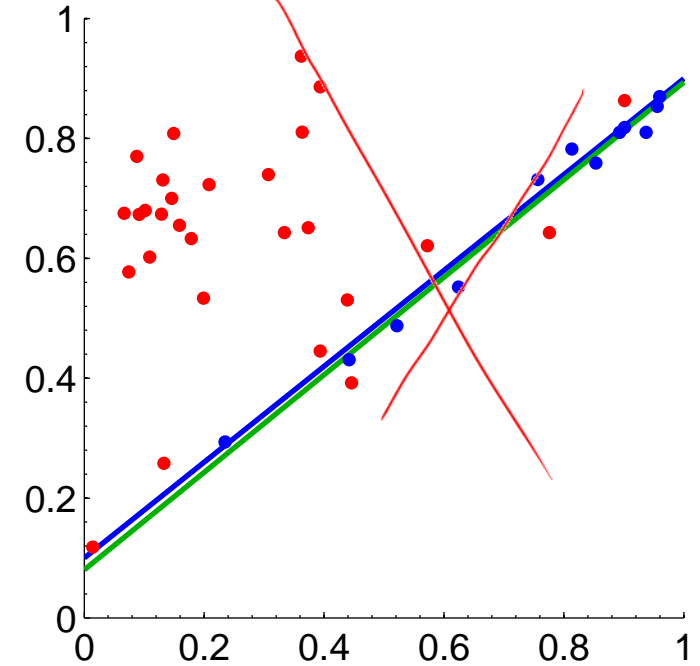
správné $\sigma = 0.06$



velké $\sigma = 0.12$



malé $\sigma = 0.03$



● nesprávný model

● malé zhodnocení dat

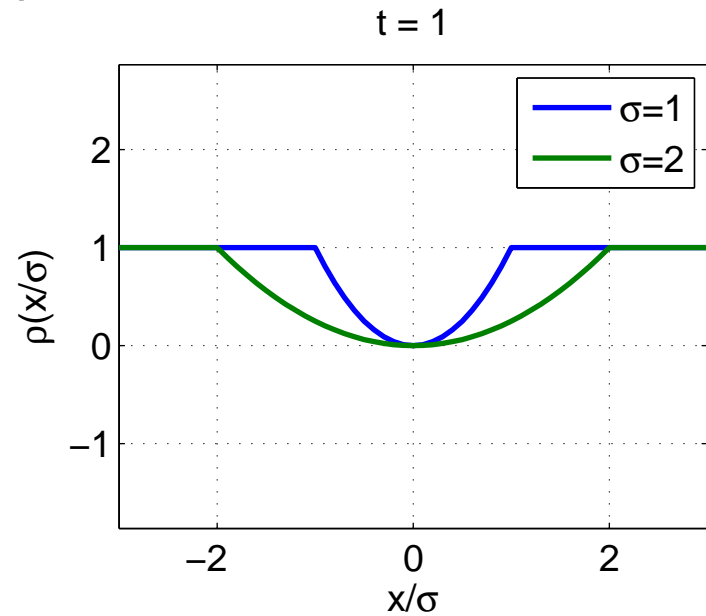
● velká chyba

MLESAC a MAPSAC

- místo maximalizace $|C_{\max}|$ můžeme minimalizovat $|P| - |C_{\max}|$
počet detekovaných kontaminujících bodů
- RANSAC může minimalizovat obecnou chybu, například



$$E = \sum_i \rho(e_i), \quad \rho(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{\sigma^2} & \frac{x}{\sigma} < t \\ t^2 & \frac{x}{\sigma} \geq t \end{cases}$$



- dokáže lépe rozlišit nerozhodnutelné případy pokud je σ velké
- lze přidat apriorní model θ_0 dovoluje i menší počet bodů ve výběru než $s = |\theta|$

ML

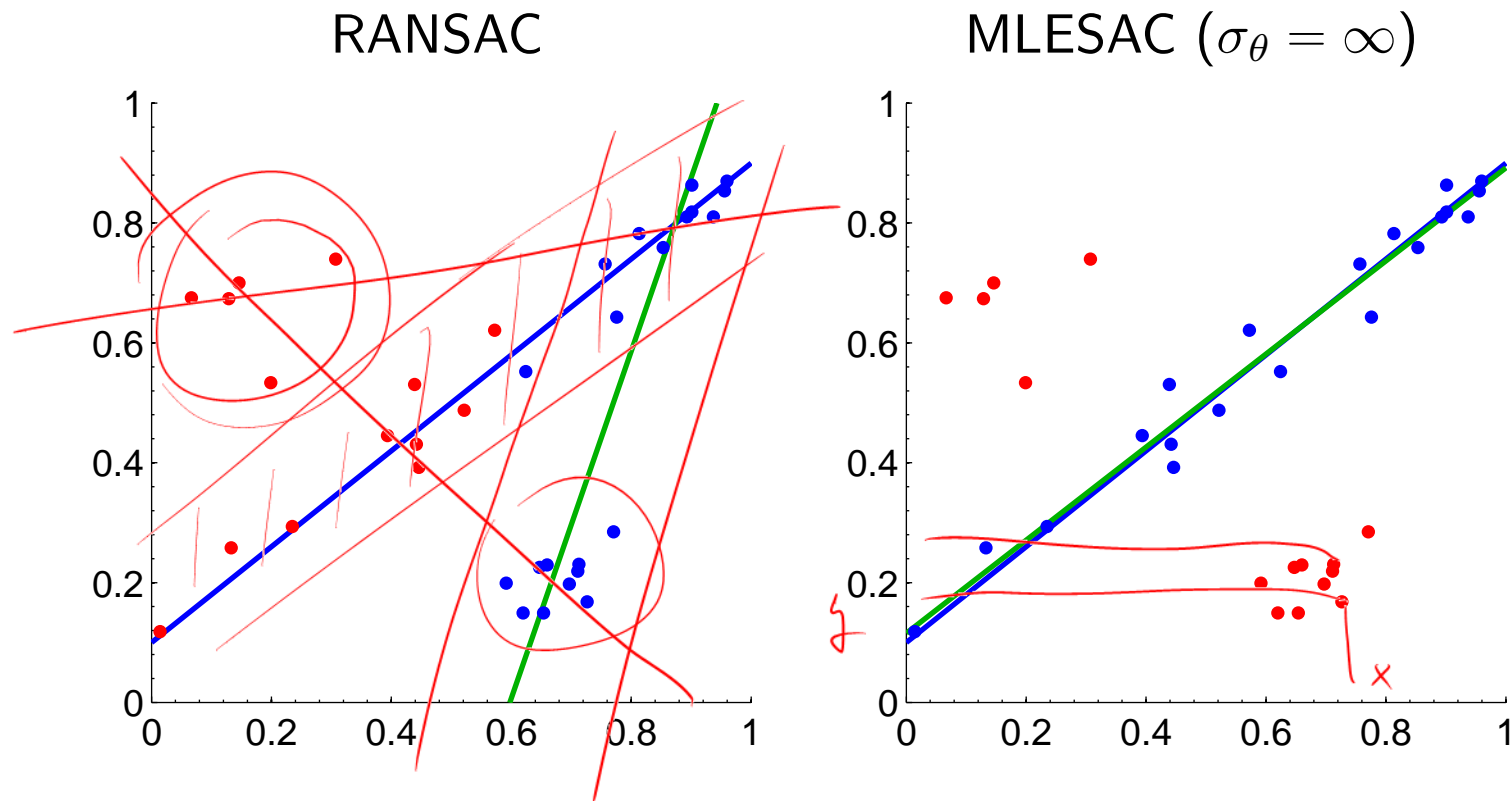
MAP

$$E = \sum_i \rho(e_i) + \frac{\|\theta - \theta_0\|^2}{\sigma_\theta^2}$$

- dostaneme randomizovaný algoritmus nelineární optimalizace E

Stabilita MLESACu

- randomizovaný algoritmus je stabilní když při opakovaném běhu vrací podobný výsledek



$\sigma = 0.12$

V obou případech

- celkem 20 kontaminujících bodů (tj 50% všech bodů)
- existují tři možné modely s 20 a více body, RANSAC je vrací všechny tři
- MLESAC vrací správný model mnohem častěji
- při zařazení apriorního modelu θ_0 se stabilita ještě zlepšší

Nejmenší medián kvadratické chyby, LMS

LMedS = Least Median of Squares

- podobná randomizovaná metoda
- nevyžaduje σ , ale vyžaduje to, aby správnému modelu vyhovovalo alespoň 50% bodů

LS = Least Squares

Dáno:

1. množina bodů $P = \{\mathbf{x}_i \mid i = 1, 2, \dots, k\}$
2. počet pokusů n

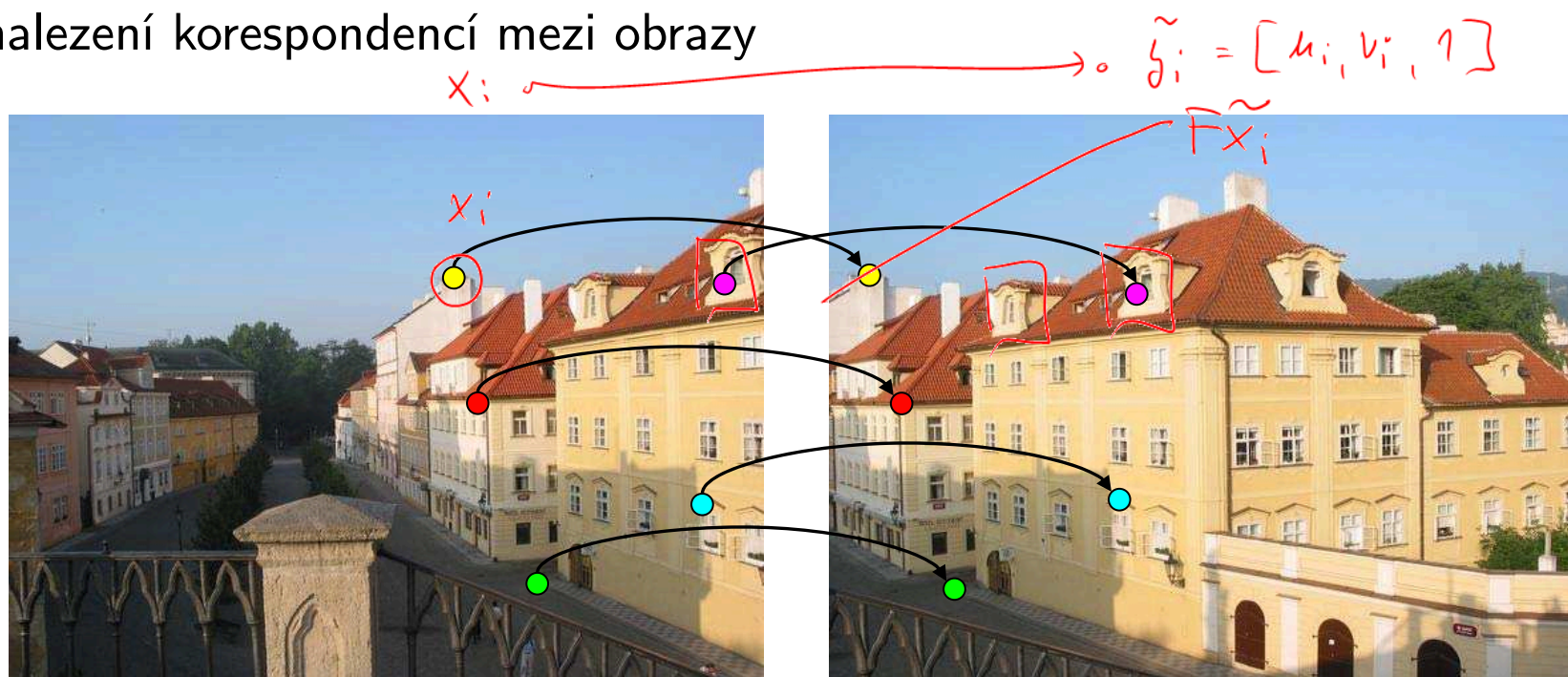
$$n \geq \frac{\log(1-p)}{\log(1-0.5^s)}$$

Procedura:

1. Inicializuj $M := \infty$.
2. Opakuj pro $j = 1, 2, \dots, n$:
 - a. Náhodně vyber dvojici bodů $\mathbf{x}_1, \mathbf{x}_2$ z P
 - b. Z $\mathbf{x}_1, \mathbf{x}_2$ vypočti parametry přímky $\theta_j := (\mathbf{a}_j, b_j)$
 - c. Vypočti vzdálenost e_1, e_2, \dots, e_k všech bodů \mathbf{x}_i vzhledem k (\mathbf{a}_j, b_j)
 - d. Jestliže $\text{med}_i e_i^2 < M$ potom
 - i. $\theta := \theta_j$
 - ii. $M := \text{med}_i e_i^2$

Složitější problémy s latentními parametry

Příklad: nalezení korespondencí mezi obrazy



- binární indikátor pro každý bod: regulérní/kontaminující bod

F • θ_n – nelatentní parametry

neznámé parametry kamer: poloha, ohnisková vzdálenost, . . .

- θ_l – latentní parametry

který regulérní bod v 2. obrazu patří ke každému bodu v 1. obrazu

Všechny korespondující body $\mathbf{x}_i \leftrightarrow \mathbf{y}_i$ musí vyhovovat rovnici

$$\mathbf{y}_i^T \mathbf{F} \tilde{\mathbf{x}}_i = 0,$$

podmínka neurčuje jednoznačně pozici \mathbf{y}_i

kde \mathbf{F} je neznámá 3×3 matice hodnosti 2

$$\theta_n = \mathbf{F}$$

- k odhadu \mathbf{F} postačuje 8 korespondencí $\mathbf{x}_i \leftrightarrow \mathbf{y}_i \Rightarrow s = 8$