

Wiener 1948:

Věda o řízení a sdělování v živých organismech a strojích.

Rok 2000:

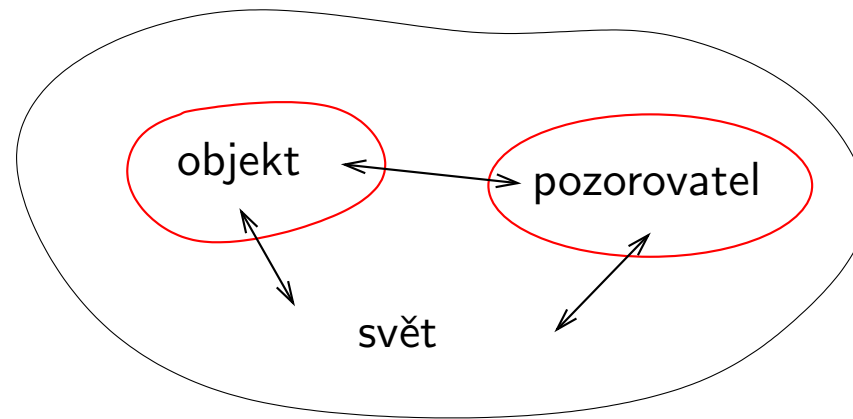
Věda o **modelování** a **řízení** složitých systémů.

1. Objekt a model.
2. Systém.
3. Hierarchie systémů.
4. Předmět obecné teorie systémů.
5. Role obecné teorie systémů.

Objekt a jeho model

Objekt: Pozorovatelná část reality.

Model: Nechť je dán objekt X a pozorovatel P . Potom $M(X)$ je modelem X jestliže pozorovatel může použít $M(X)$ k **předpovědi** chování X .



objekt $X \neq$ model $M(X)$

Systém: Je druh modelu.

- objekt není vydělitelný ze svého okolí
- interakce pozorovatel \leftrightarrow objekt ovlivňují chování obou
- vlastnosti celku nevyplývají z vlastností částí

(Př: počasí nad ČR)

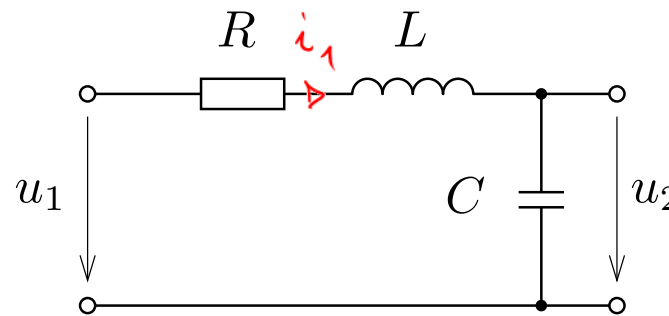
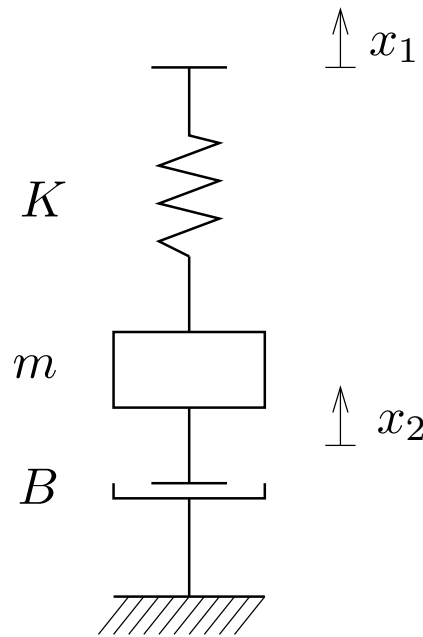
(Př: voltmetr s malým vstupním odporem)

(Ludwig von Bertalanfy, 60. léta 20. stol.)

Co je a co není systém

Mějme dva objekty: (1) pružně upevněné závaží, (2) elektrický RLC obvod

Možné systémy na objektech:



$\{u_1, u_2\}, t, \text{schéma (vce)}$
 $\{u_1, i_1\}, t, \dots$

$$S_1: m \ddot{x}_2 + B \dot{x}_2 + K x_2 = K x_1$$

$$S_2: L \ddot{u}_2 + R \dot{u}_2 + \frac{1}{C} u_2 = \frac{1}{C} u_1$$

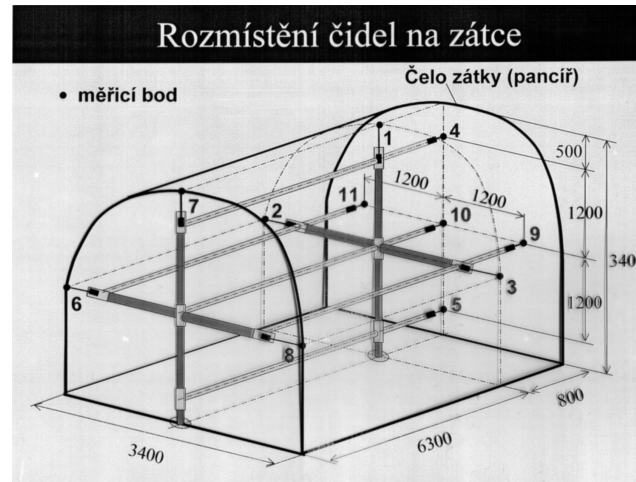
S_1 a S_2 jsou izomorfní: $x_1 \sim u_1$, $x_2 \sim u_2$, $m \sim L$, $B \sim R$, $K \sim \frac{1}{C}$

Systém: • atributy (proměnné): u_1, u_2 • parametr: čas • diferenciální rovnice

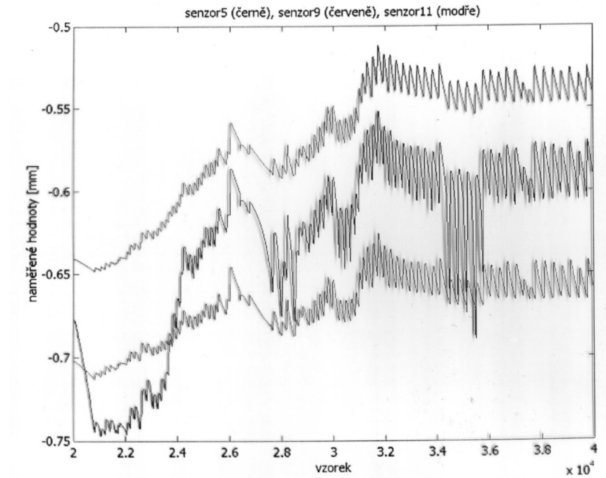
Příklad systému



objekt



měřicí místa



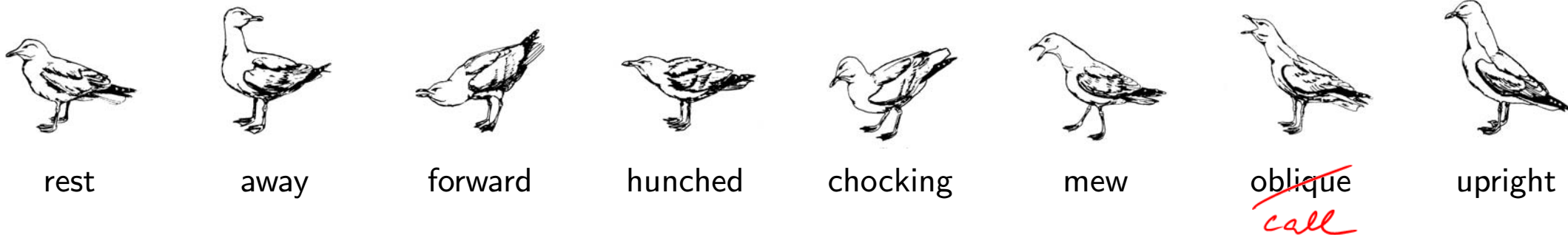
data

System

- atributy (proměnné)
- parametr: čas
- data (vzorek aktivity systému)

Přirozený dynamický systém se sémantikou

Typické postoje soupeřících racků v nafilmované sekvenci, slovně popsané



Systém: • atributy (proměnné): v_1, v_2 ; • parametr: čas; • data (vzorek aktivity systému)

t	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24
v_1	1	1	0	3	3	3	3	3	4	3	3	0	2	1	1	1	1	4	4	4	4	4	0	2
v_2	4	3	4	3	3	3	3	3	4	4	3	3	4	2	1	1	1	4	4	4	4	3	1	4

t	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45
v_1	2	4	4	4	4	4	4	4	2	2	2	2	2	0	2	1	0	2	1	1	4
v_2	2	2	4	4	4	4	4	4	4	4	1	1	1	3	3	1	3	3	3	3	4

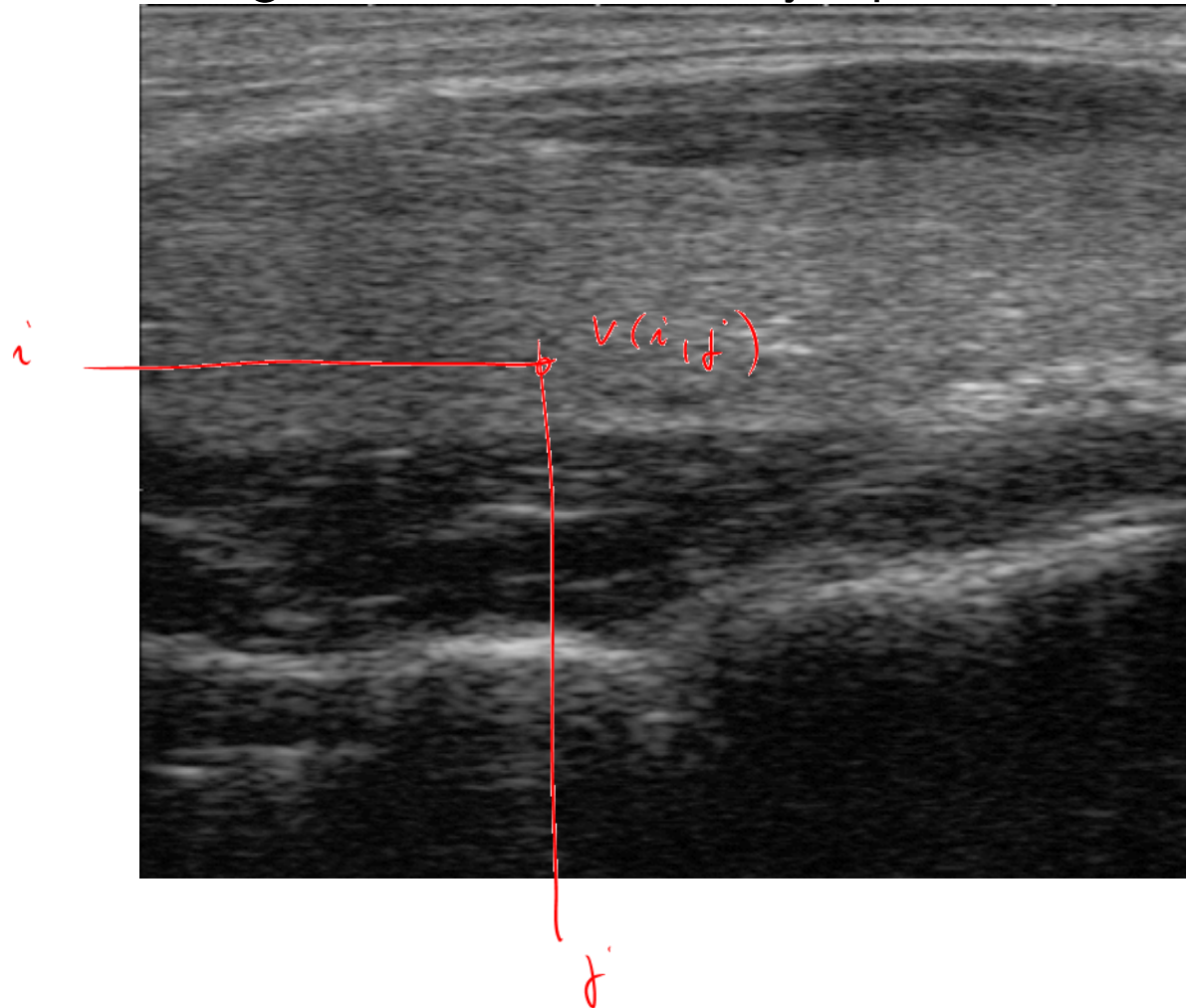
interpretace:	forward	0
	upright	1
	grass pulling	2
	chocking	3
	away	4

jednotka času: 2s

převzato z [Klir, Architecture of Systems Problem Solving, 1985]

Dynamický systém parametrizovaný polohou

Sonogram zdravé štítné žlázy v podélném řezu



System:

- atribut: v – hodnota obrazu v bodě
- parametry: i, j – poloha v obrazu

„dynamický“ zde neznamená časově proměnný, ale proměnný s polohou

- vzorek aktivity – textura

Shrnutí příkladů

1. proměnné: **vypovídají o stavu systému** $S = \{v_1, v_2, \dots\}$
2. parametry: **rozlišují instance měření, indexují proměnné**
3. relace mezi proměnnými:
 - schéma s označenými proměnnými
 - diferenciální rovnice
 - naměřená data

Co není systém?

- proměnné nejsou voleny s ohledem na nějaký účel
- neexistuje společná parametrická množina
- data nejsou získána za dostatečné variability

System je model

System je trojice $S = (A, B; R)$, kde

A – je množina podstatných atributů,

B – je parametrická množina,

R – je relace informační závislosti mezi $a_i \in A$.

- ◆ schéma
- ◆ diferenciální rovnice
- ◆ naměřená data

Atribut

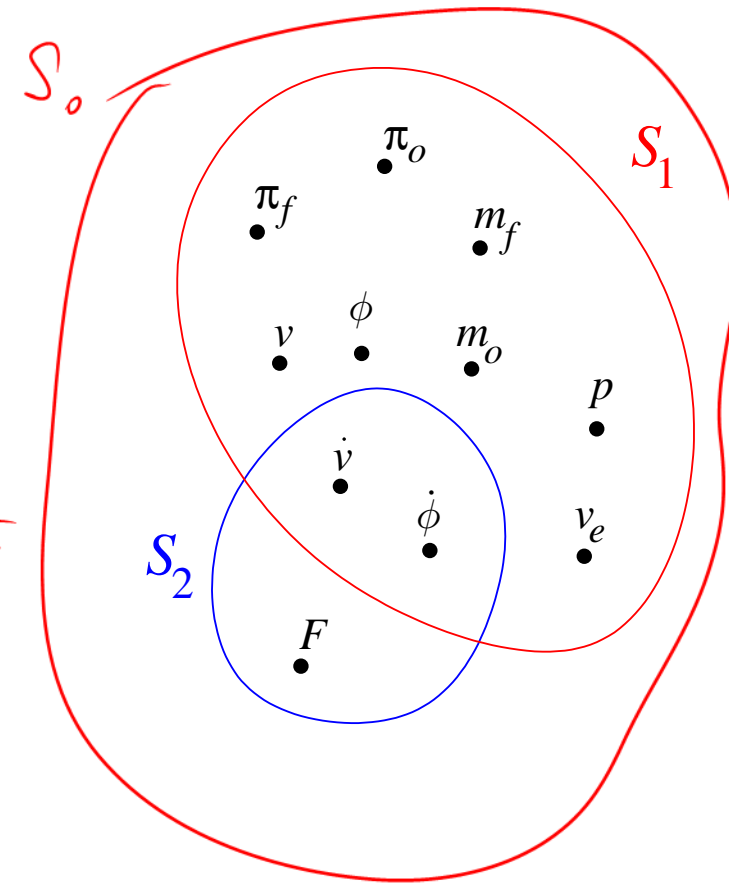
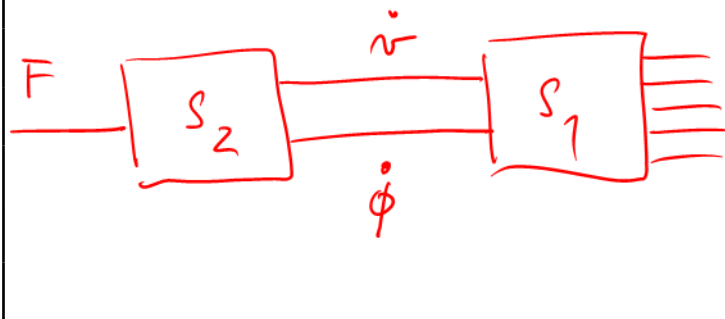
- popisný
 - př: postoje racků při souboji
- komparativní
 - př: Mohsova stupnice tvrdosti
 - předpokládají částečné uspořádání
- metrický
 - kvantitativní vlastnosti
 - extenzivita: aditivní vůči konkatenci

Parametr rozlišuje instance

- čas
- poloha
- populace

System z hlediska pozorovatele

system S_1 na objektu	system S_2 na objektu
v rychlost	\dot{v} zrychlení
\dot{v} zrychlení	$\dot{\phi}$ úhlová zrychlení
ϕ úhlové rychlosti	F síly působící na části rakety
$\dot{\phi}$ úhlová zrychlení	
π_f průtoky paliva	
π_o průtoky okysličovadla	
p tlak ve spalovacích komorách	
v_e rychlosti výtoku plynů	
m_f hmotnost paliva	
m_o hmotnost okysličovadla	



Hledisko

- Volba systému závisí na účelu zkoumání.
- Na každém materiálním objektu je možno definovat mnoho různých systémů **významných z různého hlediska.**
- Systémy na různých fyzikálních objektech mohou být formálně totožné.

Obecný systém

Na interpretaci nezávislý bezkontextový model ve standardní formě, který reprezentuje třídu ekvivalence vzhledem k významným vlastnostem relací.

Předmět OTS

Klir 1985:

OTS je metodologie pro zkoumání vlastností velmi složitých systémů bez zjevné struktury, které se vyskytují v různých tradičních disciplínách.

- Předmět zkoumání:** Strukturální vlastnosti společné určitým třídám systémů.
- Model systému:** Matematicky, experimentálně nebo simulací získaný.

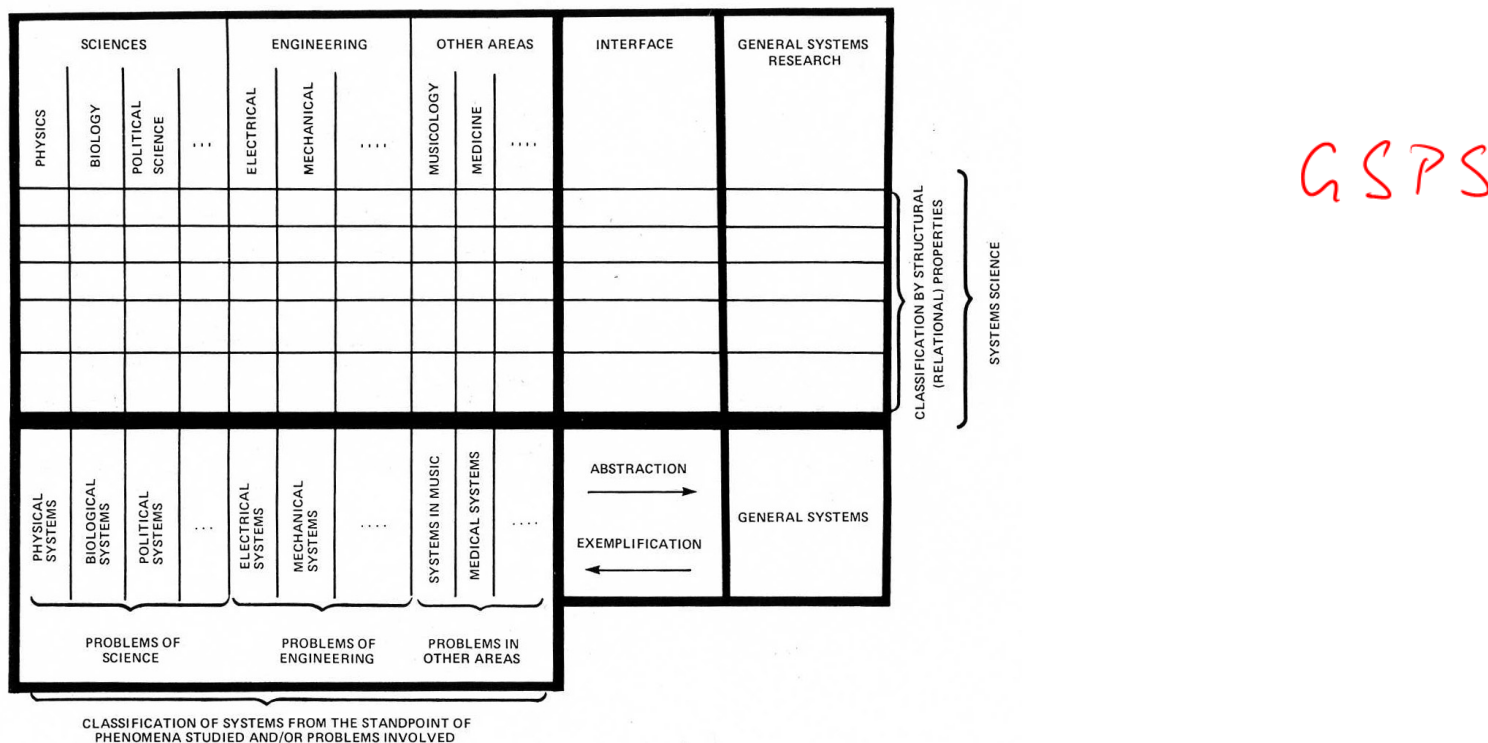


Figure 1.1. Two ways of classifying systems.

Náplň této části přednášek

1. Formalismus, kterým lze popsat zobecněný dynamický systém.

Zobecněný diskrétní dynamický systém popsaný naměřenými daty anebo jejich zobecněním.

Pravděpodobnostní anebo posibilistický model nad množinou stavů. Výměna informace měřena na základě entropie.

2. Vybrané problémy OTS

- Jak vytvořit systém z dat?
- Jak zjednodušit daný systém?
- Jak zjistit strukturu složitých systémů?

problém identifikace struktury z dat

Aplikace

- analýza a interpretace dat
- těžení dat (data mining)
- rozpoznávání

GSPS: Nástroj, který podporuje efektivní inženýrskou práci v procesu analýza–predikce–experiment bez ohledu na interpretaci a kontext.

Datový systém

$$D = (A, B; d, u)$$

(A, B) obecný obraz systému

$$A = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$$

$$B = \{w_1, w_2, \dots, w_m\}$$

$$V_i, \quad i = 1, 2, \dots, n$$

$$W_j, \quad j = 1, 2, \dots, m$$

$$\mathbf{V} = V_1 \times V_2 \times \dots \times V_n$$

$$\mathbf{W} = W_1 \times W_2 \times \dots \times W_m$$

základní proměnné

parametry

obor hodnot v_i

obor hodnot w_j

toto není stavový prostor!

(u, d) reprezentace relací mezi proměnnými

$$d: \mathbf{W} \rightarrow \mathbf{V}$$

$$\tilde{d}: \mathbf{W} \times \mathbf{V} \rightarrow \langle 0, 1 \rangle$$

$$u_i \in \{0, 1\}, \quad i = 1, 2, \dots, n$$

ostrá data

fuzzy data

vstupní proměnné



Datový systém: Vzorek aktivity

Obraz systému (A, B) charakterizuje potenciální stavy proměnných, funkce d poskytuje informaci o jejich skutečných stavech na části parametrické množiny.

Data jsou výsledkem měření na objektu.

$$\mathbf{d} = [v_{i,w}]$$

		w									
		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
i	v_1	1	1	2	0	3	2	0	2	3	1
	v_2	3	2	2	0	1	3	2	3	1	1

datová matice

- **sloupce** jsou stavy pozorované na hodnotách w ,
- **řádky** jsou pozorování jedné proměnné indexované hodnotou parametru.

Zobecněný diskrétní dynamický systém

Cíl: zobecnit data, modelovat dynamiku

Chování: Vztah mezi proměnnými systému nezávisle na absolutní hodnotě parametrů.

Vzorkovací proměnné: Doplnují základní proměnné v_i o proměnné s_k

$$s_k(w) = v_i(r_{ik}(w))$$

translační pravidlo

odpovídají vnitřním stavovým proměnným v dynamickém systému

Př:

$$x(k) = f(x(k-1), x(k-2), \dots, x(k-h) \mid \Theta)$$

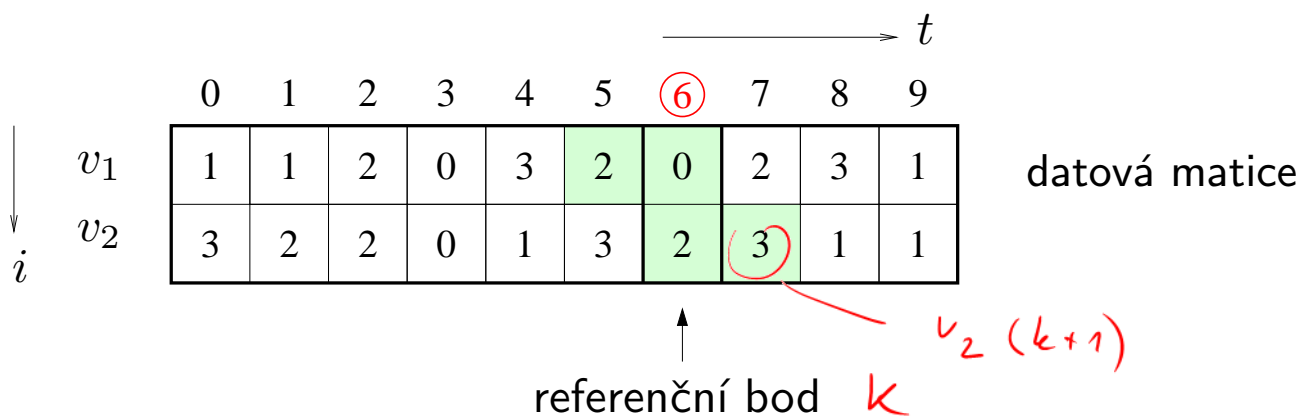
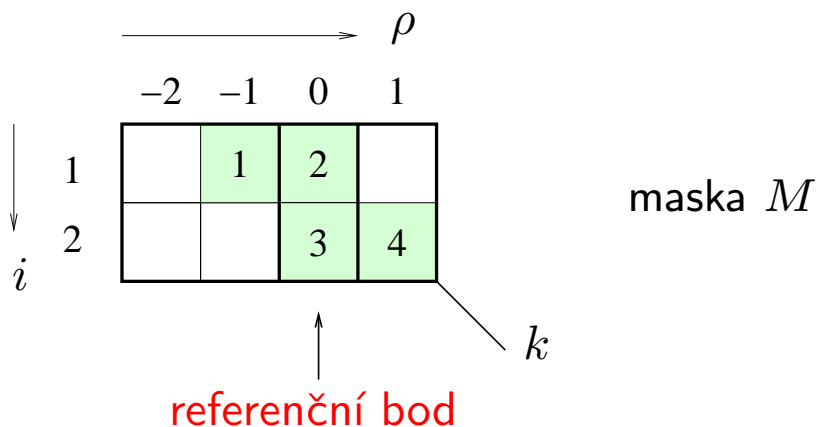
$$s_0(k) = f(s_1(k), s_2(k), \dots, s_h(k) \mid \Theta) \quad \text{invariantní vztah (vzhledem k } k)$$

$$s_2(k) = x(k-2) \quad \text{vzorkovací proměnné}$$

$$s_1(k) = x(k-1) \quad \text{translace}$$

Translační pravidla: každému elementu ve \mathbf{W} přiřazují jeden element z \mathbf{W} : $r_{ij}: \mathbf{W} \rightarrow \mathbf{W}$.

Translační pravidla na uspořádané parametrické množině: **Maska**



Hodnoty vzorkovacích proměnných s_k :

$$s_1(6) = v_1(5) = 2$$

$$s_2(6) = v_1(6) = 0$$

$$s_3(6) = v_2(6) = 2$$

$$s_4(6) = v_2(7) = 3$$

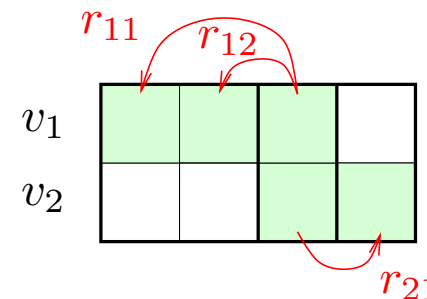
Stav pro masku M v poloze $t = 6$:

$$s(6) = (2, 0, 2, 3)$$

Maska M reprezentuje strukturu okolí na parametrické množině $M \subseteq V \times R$, každému páru $(v_i, r_{ij}) \in M$ odpovídá jedna rovnice $s_k = v_i(r_{ij}(w))$.

Kompaktně reprezentuje translační pravidla.

$$R = \{r_{11} = -2, r_{12} = -1, r_{21} = +1\}$$



Příklad zobecnění datového na dynamický systém

1. Dán datový systém: $A = \{v_1, v_2\}$, $B = \{t\}$, data



↓

t	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24
v_1	1	1	0	3	3	3	3	3	4	3	3	0	2	1	1	1	1	4	4	4	4	4	0	2
v_2	4	3	4	3	3	3	3	3	4	4	3	3	4	2	1	1	1	4	4	4	4	3	1	4

t	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45
v_1	2	4	4	4	4	4	4	4	2	2	2	2	2	0	2	1	0	2	1	1	4
v_2	2	2	4	4	4	4	4	4	4	4	1	1	1	3	3	1	3	3	3	3	4

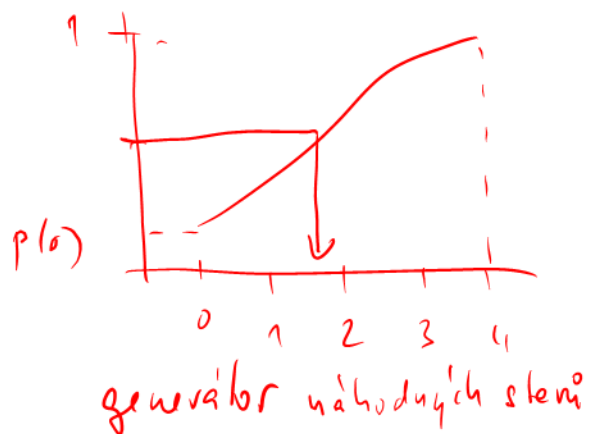
2. Volba masky M :

s_1	s_2
s_3	s_4

1 1 4 3
1 0 3 4

$$P(s_2, s_4 | s_1, s_3) = \frac{P(s_1, s_2, s_3, s_4)}{P(s_1, s_3)}$$

3. Odhad pravěpodobnosti přípustných stavů



s_1	s_2	s_3	s_4	$p(s_1, s_2, s_3, s_4)$
1	1	4	3	0.023
1	0	3	4	0.023
0	3	4	3	0.023
3	3	3	3	0.091
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮



$\frac{1}{44}$
psti přechodu stavu

Zobecněný dynamický systém

Stavový prostor

Je-li stavem okamžitá hodnota všech vzorkovacích proměnných $s_i \in S_i$, potom

$$S_1 \times S_2 \times \cdots \times S_k = \mathbf{S}$$

je stavový prostor.

Funkce přípustnosti

definuje přípustné stavy

$$p_B: \mathbf{S} \rightarrow \{0, 1\} \quad (\text{nebo } \mathbf{S} \rightarrow \langle 0, 1 \rangle)$$

(pravděpodobnost, posibilita)

Dynamický systém

drive: d

$$F_B = (A, B; M, p_B),$$

(A, B) je obecný obraz systému

M je maska

p_B je funkce přípustnosti stavu

Zobecněný dynamický systém: shrnutí

- dynamika popsána vztahem invariantním vůči parametrům
- vztah je reprezentován zvýšením dimenze stavového prostoru
- každý takový rozšířený stav má přípustnost (pravděpodobnost)
- tento model přesně popisuje všechna pozorovaná data

Tento model dokáže generovat (předpovídat) vývoj stavu systému, uvidíme jak.

Generativní systém

Zobecněný dynamický systém nezahrnuje předpis jak generovat pozorovaná data.

Generativní maska

Rozklad masky M na generující část $M_{\bar{g}}$ a generovanou část M_g :

$$M_G = (M_g, M_{\bar{g}})$$

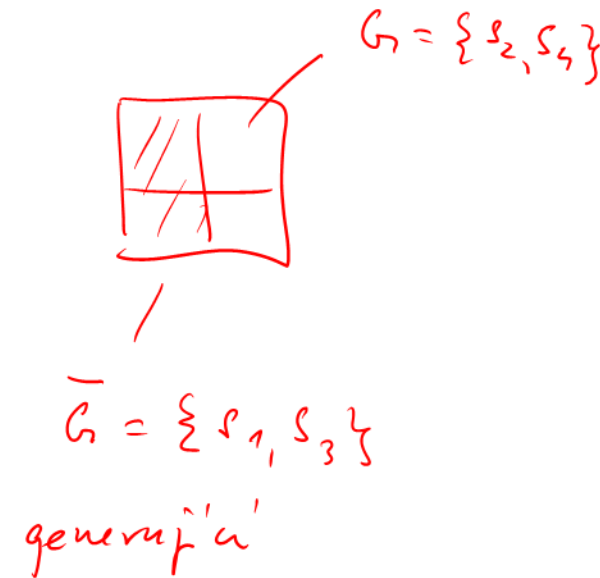
tak, že

$$M_g \subset M$$

$$M_{\bar{g}} \subset M$$

$$M_g \cup M_{\bar{g}} = M$$

$$M_g \cap M_{\bar{g}} = \emptyset$$



Generativní funkce přípustnosti

Množinu vzorkovacích proměnných rozložíme na generující množinu \bar{G} a generovanou množinu G , potom sdružená funkce

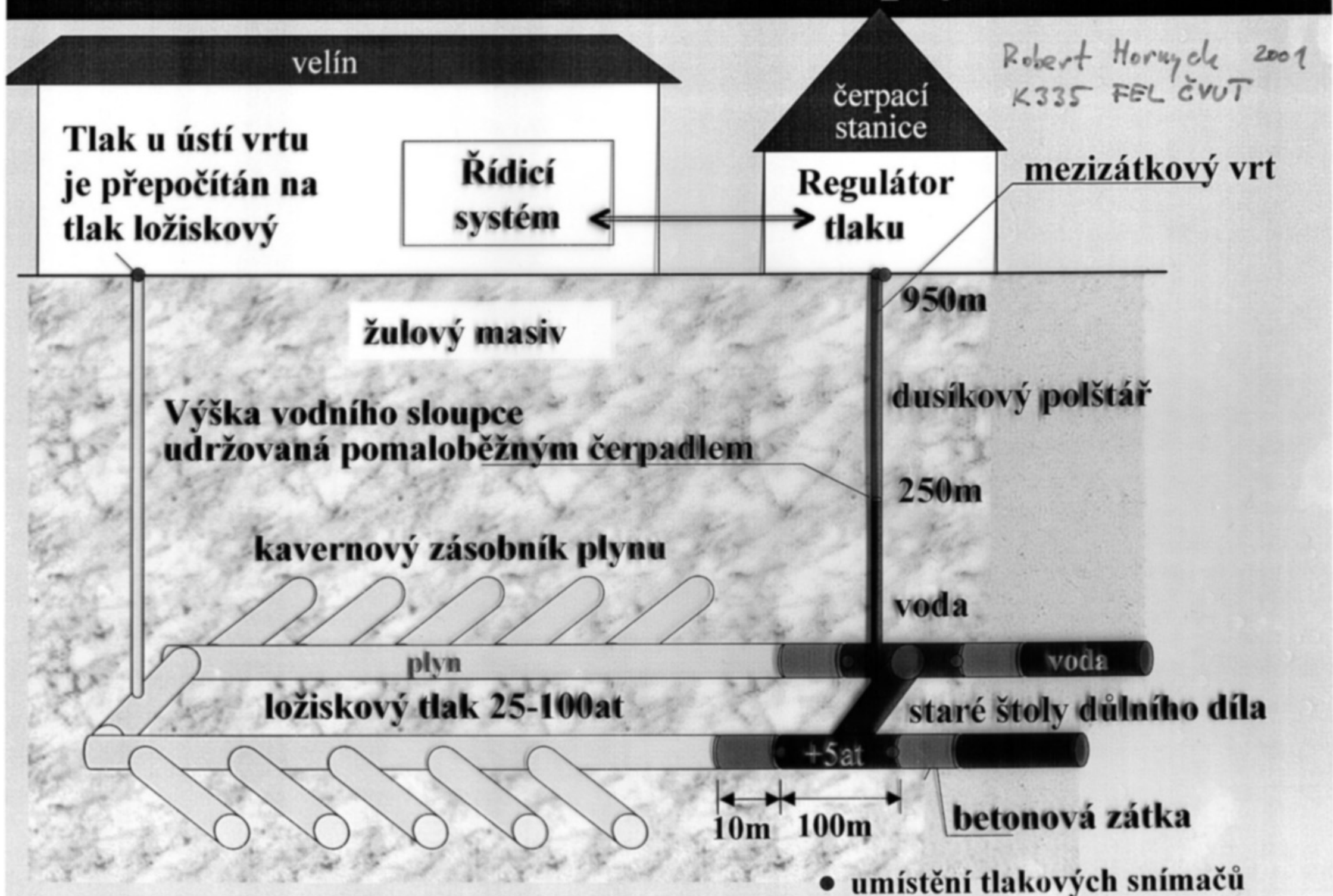
$$p_{GB}: \bar{G} \times G \rightarrow \{0, 1\} \quad (\text{nebo } \bar{G} \times G \rightarrow \underline{\langle 0, 1 \rangle})$$

je generativní funkce přípustnosti.

Konec

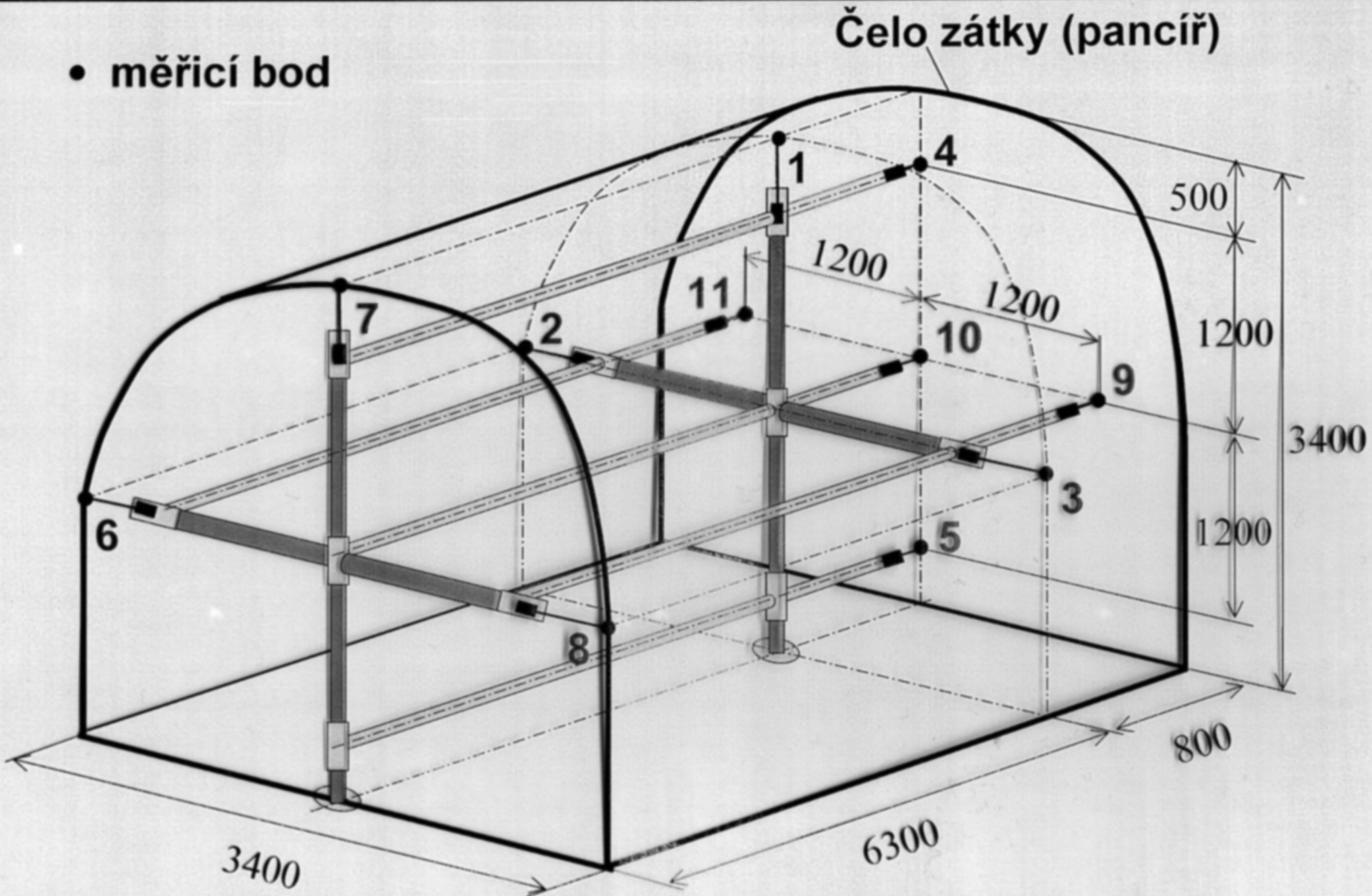
Podzemní zásobník plynu

Robert Hornyček 2001
K335 FEL ČVUT

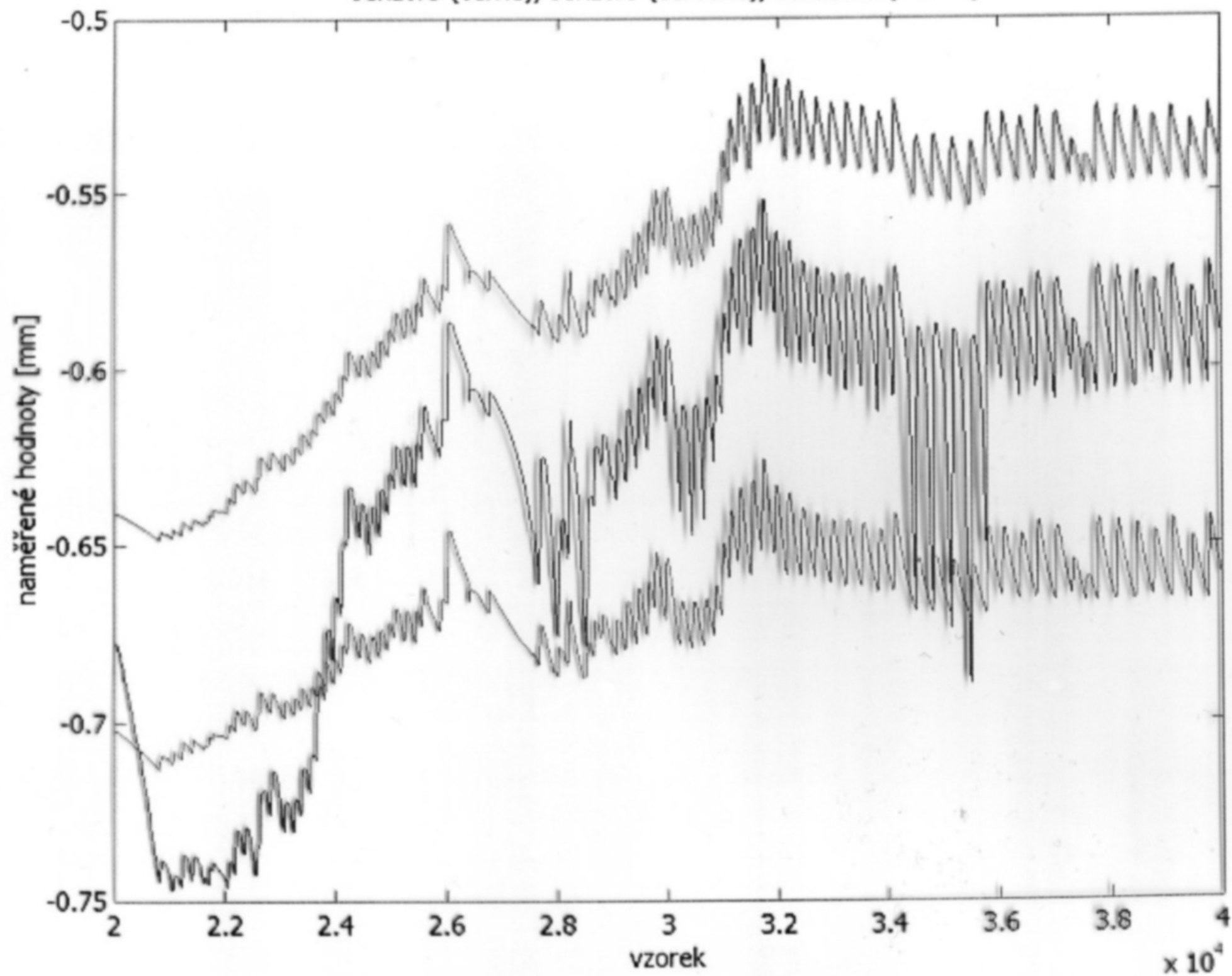


Rozmístění čidel na zátce

- měřicí bod



senzor5 (černě), senzor9 (červeně), senzor11 (modře)



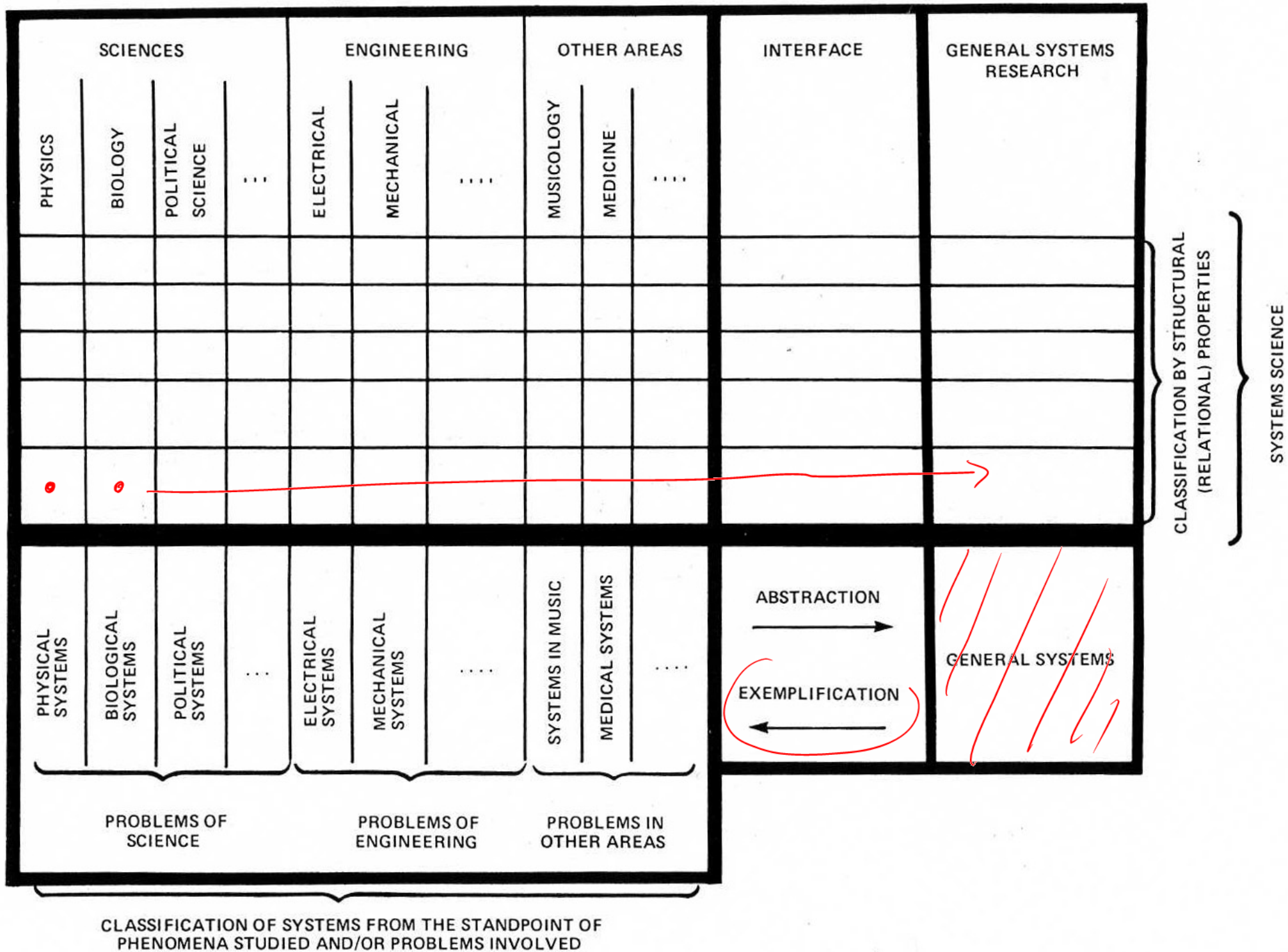


Figure 1.1. Two ways of classifying systems.